

$$A = \begin{pmatrix} a_1 & b_1 & c_1 \\ a_2 & b_2 & c_2 \\ a_3 & b_3 & c_3 \end{pmatrix} \Rightarrow A^{-1} = \frac{1}{\det A} \begin{pmatrix} + \begin{vmatrix} b_2 & c_2 \\ b_3 & c_3 \end{vmatrix} - \begin{vmatrix} a_2 & c_2 \\ a_3 & c_3 \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} a_2 & b_2 \\ a_3 & b_3 \end{vmatrix} \\ - \begin{vmatrix} b_1 & c_1 \\ b_3 & c_3 \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} a_1 & c_1 \\ a_3 & c_3 \end{vmatrix} - \begin{vmatrix} a_1 & b_1 \\ a_3 & b_3 \end{vmatrix} \\ + \begin{vmatrix} b_1 & c_1 \\ b_2 & c_2 \end{vmatrix} - \begin{vmatrix} a_1 & c_1 \\ a_2 & c_2 \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} a_1 & b_1 \\ a_2 & b_2 \end{vmatrix} \end{pmatrix}$$

$$B = \begin{pmatrix} a_1 & b_1 & 2c_1 \\ a_2 & b_2 & 2c_2 \\ a_3 & b_3 & 2c_3 \end{pmatrix} \Rightarrow B^{-1} = \frac{1}{\det B} \begin{pmatrix} + \begin{vmatrix} b_2 & 2c_2 \\ b_3 & 2c_3 \end{vmatrix} - \begin{vmatrix} a_2 & 2c_2 \\ a_3 & 2c_3 \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} a_2 & b_2 \\ a_3 & b_3 \end{vmatrix} \\ - \begin{vmatrix} b_1 & 2c_1 \\ b_3 & 2c_3 \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} a_1 & 2c_1 \\ a_3 & 2c_3 \end{vmatrix} - \begin{vmatrix} a_1 & b_1 \\ a_3 & b_3 \end{vmatrix} \\ + \begin{vmatrix} b_1 & 2c_1 \\ b_2 & 2c_2 \end{vmatrix} - \begin{vmatrix} a_1 & 2c_1 \\ a_2 & 2c_2 \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} a_1 & b_1 \\ a_2 & b_2 \end{vmatrix} \end{pmatrix}$$

Tới đây, nếu mình nhân một cột của A cho 2, thì định thức cũng ứng cũng được nhân lần 2. Tức là

$$\det B = 2 \det A$$

$$\Rightarrow B^{-1} = \frac{1}{2 \det A} \begin{pmatrix} 2 \begin{vmatrix} b_2 & c_2 \\ b_3 & c_3 \end{vmatrix} - 2 \begin{vmatrix} a_2 & c_2 \\ a_3 & c_3 \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} a_2 & b_2 \\ a_3 & b_3 \end{vmatrix} \\ - 2 \begin{vmatrix} b_1 & c_1 \\ b_3 & c_3 \end{vmatrix} + 2 \begin{vmatrix} a_1 & c_1 \\ a_3 & c_3 \end{vmatrix} - \begin{vmatrix} a_1 & b_1 \\ a_3 & b_3 \end{vmatrix} \\ 2 \begin{vmatrix} b_1 & c_1 \\ b_2 & c_2 \end{vmatrix} - 2 \begin{vmatrix} a_1 & c_1 \\ a_2 & c_2 \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} a_1 & b_1 \\ a_2 & b_2 \end{vmatrix} \end{pmatrix}$$

$$B^{-1} = \frac{1}{\det A} \begin{pmatrix} \begin{vmatrix} b_2 & c_2 \\ b_3 & c_3 \end{vmatrix} & - \begin{vmatrix} a_2 & c_2 \\ a_3 & c_3 \end{vmatrix} & + \frac{1}{2} \begin{vmatrix} a_2 & b_2 \\ a_3 & c_3 \end{vmatrix} \\ - \begin{vmatrix} b_1 & c_1 \\ b_3 & c_3 \end{vmatrix} & + \begin{vmatrix} a_1 & c_1 \\ a_3 & c_3 \end{vmatrix} & - \frac{1}{2} \begin{vmatrix} a_1 & b_1 \\ a_3 & b_3 \end{vmatrix} \\ \begin{vmatrix} b_1 & c_1 \\ b_2 & c_2 \end{vmatrix} & - \begin{vmatrix} a_1 & b_1 \\ a_2 & c_2 \end{vmatrix} & + \frac{1}{2} \begin{vmatrix} a_1 & b_1 \\ a_2 & b_2 \end{vmatrix} \end{pmatrix}$$

\Rightarrow Như vậy, khi ta nhân cột thứ 3 của A cho 2.
 Thì kết quả là ma trận nghịch đảo tương ứng,
 cột thứ 3 được chia cho 2.